

Sugerencias a los directores:

Los "Problemas Semanales" fueron pensados para que durante ese tiempo estén expuestos a la vista de los alumnos en el patio escolar; pasado ese tiempo serán reemplazados por los nuevos. Sería bueno que en ese período los directores averigüen quienes los resolvieron y los alienten, con el apoyo de sus profesores a encontrar la solución más original o la más corta o la que usa recursos más elementales o ingeniosos. Este es el camino que conduce a la Olimpiada de Matemática y disfrutar de una tarea creativa ampliamente valorada.

*Difunda los Problemas!!!*

# Problemas Semanales

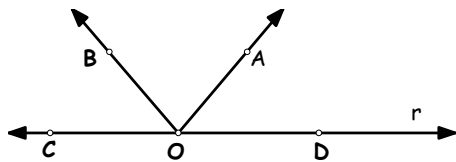
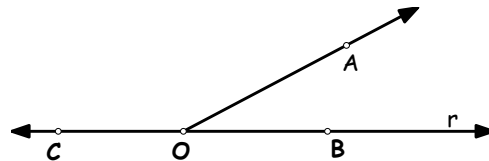
de Graciela Ferrarini y Julia Seveso



Fecha: 17/03/2008

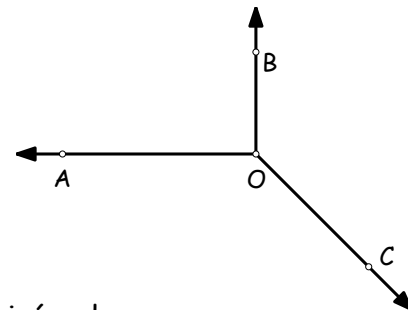
## XVII-102 Primer Nivel

- a) En la recta  $r$  se marca el punto  $O$ . Al trazar la semirrecta  $\overrightarrow{OA}$  quedan determinados los ángulos  $AOB$  y  $AOC$ . El ángulo  $AOB$  mide  $35^\circ$ .  
¿Cuánto mide el ángulo  $AOC$ ?



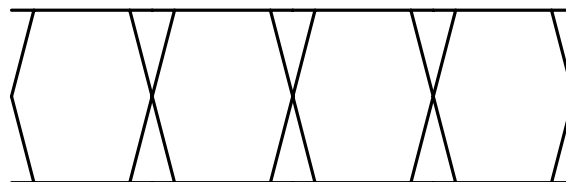
- b) En la recta  $r$  se marca el punto  $O$ . Al trazar las semirrectas  $\overrightarrow{OA}$  y  $\overrightarrow{OB}$  quedan determinados los ángulos  $AOD$ ,  $AOB$  y  $BOC$ . El ángulo  $AOB$  mide  $80^\circ$ . Los ángulos  $AOD$  y  $BOC$  son iguales.  
¿Cuánto miden los ángulos  $AOD$  y  $BOC$ ?

- c) Las semirrectas  $\overrightarrow{OA}$ ,  $\overrightarrow{OB}$  y  $\overrightarrow{OC}$  determinan los ángulos  $A\hat{O}B$ ,  $B\hat{O}C$  y  $C\hat{O}A$ . Si  $A\hat{O}B$  es recto y  $A\hat{O}C = C\hat{O}B$ , ¿cuánto mide  $A\hat{O}C$ ?

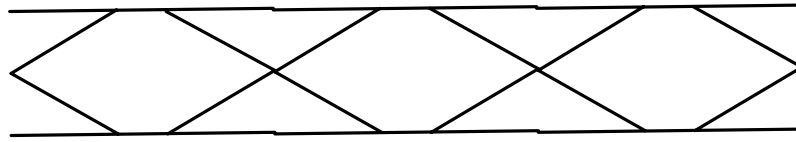


## XVII-202 Segundo Nivel

Una tira rectangular está formada por hexágonos y triángulos isósceles.



a) Si los triángulos isósceles tiene un único ángulo de  $30^\circ$ , ¿cuánto miden cada uno de los ángulos de los hexágonos?



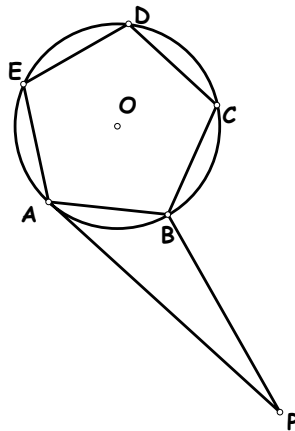
b) Si los triángulos isósceles tiene dos ángulos de  $30^\circ$ , ¿cuánto miden cada uno de los ángulos de los hexágonos?

**XVII-302 Tercer Nivel**

El pentágono regular  $ABCDE$  está inscripto en la circunferencia de centro  $O$ .

Los puntos  $P$ ,  $B$  y  $O$  están alineados,  $AP \perp AO$ .

¿Cuánto miden los ángulos interiores del triángulo  $ABP$ ?



Sugerencias a los directores:

Los "*Problemas Semanales*" fueron pensados para que durante ese tiempo estén expuestos a la vista de los alumnos en el patio escolar; pasado ese tiempo serán reemplazados por los nuevos. Sería bueno que en ese período los directores averigüen quienes los resolvieron y los alienten, con el apoyo de sus profesores a encontrar la solución más original o la más corta o la que usa recursos más elementales o ingeniosos. Este es el camino que conduce a la Olimpiada de Matemática y disfrutar de una tarea creativa ampliamente valorada.

*Difunda los Problemas!!!*

## *Problemas Semanales*

de Patricia Fauring y Flora Gutiérrez



Fecha: 17/03/2008

**XXV - 102.** Se tienen 31 cajas, cada una con una o más monedas. Entre ellas hay 25 que tienen dos o más monedas, 17 que tienen tres o más monedas, 15 que tienen cuatro o más monedas, 9 que tienen cinco o más monedas y 6 que tienen seis monedas. Se sabe que ninguna caja tiene más de 6 monedas. ¿Cuántas monedas hay en total?

**XXV - 202.** Mauro, Nico y Pablo tienen entre los tres 490 monedas de 1 peso. Mauro gastó la quinta parte de sus monedas, Nico gastó la tercera parte de sus monedas y Pablo gastó la cuarta parte de sus monedas. Ahora los tres chicos tienen todos igual cantidad de monedas. ¿Cuántas monedas tenía inicialmente cada uno?

**XXV - 302.** Determinar todos los números reales  $x$  tales que

$$\frac{1}{2x-1} + \frac{1}{2x+1} + \frac{7}{4x^2-1} = 1.$$

Estos problemas fueron enviados a través de la lista "material-oma". Si quieres recibirlos inscribite a través de <http://www.oma.org.ar/correo/>

# Torneo de Computación y Matemática 2007

## Problemas Semanales



Fecha: 17/08/2008

### **XI-102**

Encontrar tres números enteros positivos  $X$ ;  $Y$ ;  $Z$ , todos distintos, tales que

$$646 \cdot X + 2006 \cdot Y = 39 \cdot Z$$

### **XI-202**

Listar 10 primos positivos en progresión aritmética.

(Aclaración: una lista de números está en progresión aritmética si la diferencia entre dos consecutivos es constante.)

### **XI-302**

Decir cuántos números distintos se pueden formar como resultado del producto de uno, dos, o más de los siguientes números, sin repetir: 5, 22, 91, 455, 2002, 19945, 87758, 438790, 48266900.

Por ejemplo: 5 (5), 2002 (22·91), 45374875 (5·455·19945), etc.

### **Comentario C y M de la semana:**

Una computadora razonable, ni demasiado vieja ni demasiado sofisticada, puede hacer entre varios cientos y varios miles de millones de operaciones simples por *segundo*, sin equivocarse. Así que son útiles para resolver problemas por tanteo, por ejemplo. Si quisiéramos hacer esas mismas cuentas a mano, a una por segundo, tardaríamos unos 30 años, sin detenernos para dormir o descansar.